

„ „ 0
ò %

Ó'ž̄ 5 8 æ æ' Ø-i æ G

7 P MJ/ P

+ P V S O B M P G 9 J O K J B O H / P S N B M 6 O J W F S T J B U Z
F / B U V S B M 4 D J E S O D F T & E J U J P O

3 J F 5 T 5 TM ù , - — x ù , -

C Ü ù < Ê \$ <

F O . ï 5 8 æ • æ Á R ` æ J' ž O ñ Y O . ï 5 8 æ y • æ ' C ^ J' ž O ñ G

R ŋ 6 I 5 TM w ç = • æ ó © J 0 2 I E S Z TM c' J' C 2 I E S Z / Š 2] ç ' C 2 I E S Z Ø 6 µ í 5 TM] ç 5 TM w
Ø 6 • è · J 5 TM x ò % ì Ž Ù Ö • © ; ? : { ç 5 TM } 2 t] J x % ì x Ž Ù Ö ç 2 t x] í 5 TM x] Ú š - E
Ý 5 TM ù , - J x] Ú š - E x ù , - í 0 ý + ? 2 I E S Z + ö J 2 I E S Z - p - 1 2 I E S Z TM] ' C J L c 2 I E S Z
5 5 TM x ò % Á x % ì Ž Ù Ö Á x Ž Ù Ö & t e è N O J e } Ú 2 I E S Z TM & & ù , - — x ù , - í

" „ ^ I 2 I E S Z Y 5 TM Y Ž Ù Ö Y x Ž Ù Ö Y ù , - Y x ù , -

x • I Ý B I o y o ë ë ë j ù , - Š I " ë ë ë j f „ B I F G

- " I R K H Ø F F E y { • ? O J = • 1 w j , þ i ' Y J " I R K H Ø F F E « Á E . Ê G ^ —
I M 1 w J 0 2 « G ^ 3 , ½ J " c « 1 " • y { 1 2 I E S Z G ^ 3 , T Ú G ï J N G
2 I E S Z G ï . ó © 1 w y { 1 5 { þ e ½ 3 - G ï • ù J Ä C G þ G = Ø 6 = • G ^ è . í -
ö ö Ž ! š Y 9 s ' C ó © ½ 2 2 I E S Z G ï ù , » 2 5 ½ J ç 2 I E S Z • J g w » 2 5 ½
2 I E S Z G ï 1 " - J þ » 2 5 ½ 2 I E S Z G ï 1 w ' C V ó © y { 1 Ü i ø Ž ! š « Á E ì « ?
« G ^ 2 I E S Z G ï • ó © ½ J ' C » 2 5 ½ 2 I E S Z G ï O - Á O ^ 1 " - y { 1 v ö Ž !
š 2 I E S Z 5 TM • ó © ½ J ' C 2 I E S Z 5 I 0 % Á 0 — J ó + % 1 " - á } Ú y { 1
5 TM w ç ? š ö µ 0 + 1 • æ G ^ ó ' C À O G ^ è ï è G þ . Ø Ø 6 = • æ ó © 1
w í 5 TM ù , - — x ù , - ç Ð Ø Ø 6 - J 8 ø ø Ž ! } Ú » 2 5 5 TM ç ù , y { J « Ž
! } Ú # A T 5 TM ç ù , y { J g ö ü } Ú ù l i « 5 TM & & ù , - — x ù , - y { 1 ó ? ½ '
C @ J i f g w 2 I E S Z 5 TM x ò % — x % ì Ž Ù Ö — x Ž Ù Ö J e } Ú 2 I E S Z 5 TM & & ù , - —
x ù , - í

@ • , | ,

ç j j z , þ . Ø à 7 J` g + J AB ï , J S P [AB] Á INF [AB] @ Ú š Å • š , x J w & à
7 , ç . Ø « J l • y A i B Á A e B e è S P [AB] Á INF [AB] J ó Å y ~ , (i è è è « J ¥ n þ , (

ç j j z ' S ' á f F (4 a By \$ TB , µ 6 & b ` 4 w x 9 . (4 ` f F " B D " Á Á Á Q ó b ` 6 & c " € ' S ' á f F (4 a By \$ TB , µ 6 & b ` ...

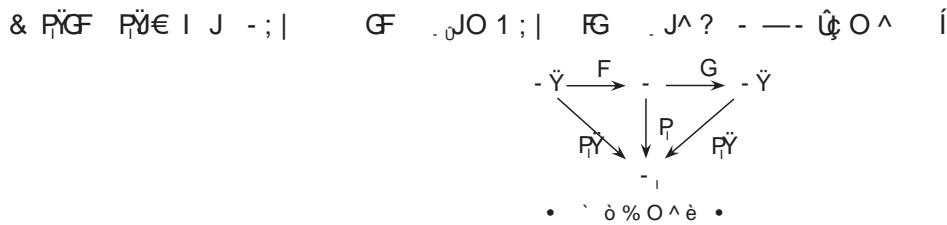
É Ë j † = Á E 0 I

y % € Á E 0 I

É Ë j ó Ú Š , I O . ï 5 8 æ " ä æ I L § Á Š Š , F 9 , ; ; G Í

É Ë j { è ¥ . I D Y ú F G J Y J ò ï ï ! J o # ' C w J ß 6 0 5 TM w # % y µ g ' C í

F G (R (S- (RSY
w & 2 %o(ç·Ô « J¥ & IÍ
ç i z - ç » 2 5 Jg 2 %o(ç & & í o I J - (ç ! BELLÆJÅ Ø \ % u
1 - NH J + J MNPÌ - JRÌ 2X
F GM(N- P M(P NY
F G (R (M- (RMY
w & - (ç·Ô « » 2 5 J¥ & 2I~~EZ~~5 I
ç Z - (



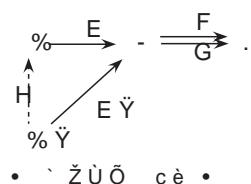
1 ` g , ÉqÉ — , UÉqÉ • ç 5 TM # + ö í [- , V] x % Jw , — , U^ÖO ^ I

X 1 — 1 - U 5 TM ö % K è x % ` g U š Jw š O ^ ç % C c i . I

ç j z FG- V . ç + n á — 1 J` g — 1 E%V - Ø \ X

F G E G E Y

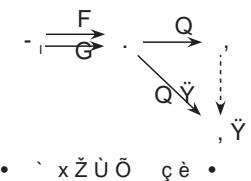
F G+J — 1 E%U V - Ø \ R E U G E U Š I . — 1 H%U V % Z j E U H G a F • G J w & E%V - ç FG- V . Z U O I



ç j z FG- V . ç + n á — 1 J` g — 1 Q. V , Ø \ X

F G F Q G Y

F G+J — 1 Q U V , U Ø \ Q F Q G U Š I . — 1 , V , U Ž j Q U Q G a F • G J w & Q. V , ç FG- V . x Z U O I



3 1 j z #ç · Ô J 5 TM Jw #ç ù , G Å) G U š o % — Z U O I

3 1 j z #ç · Ô J 5 TM Jw #ç x ù , G Å) G U š x % — x Z U O I

B 6 G g

% g g w 2I55 5 TM 2I55 x ö % Á x % I

3 1 z [- , (V)] ç 5 TM 2I55 x . I 2I55 J x É - 7) ç J Jn - (

- , (ç 2I55 { ö 7 % J% x - (x è è b [M W] - , Jš Ÿ 7 L x ; X + J É M È [M] - (J R I 2 % (&

[M] [M] [M M] [M] [M]
[M] è [M] [M è M] [M] [M] [M] [M]

w

F G - (ç · Ô 2I55 Y

F G t V P j - (V - , (JP [M] M ç 2I55 Ø O — I

} U F G € 5 w ; | J - (ç · Ô » 2 5 I ! € [M] è [M] [M è M] ? # [M] i [M] [M i M] J C E - (; ? ^ G · Ô « I ö Å + J [N] i - (J * [M] ([M] J R) Jg æ & [M] [N] [M N] ([M] N] [M] [N] J R [M]) []

OE 1 " G a J € e ; j - (ç · Ô 2I55 I

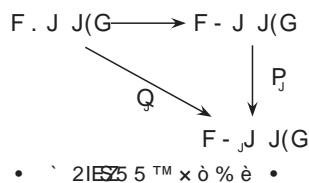
F G† V Pj - (V - , (JPj [M] Mjí i Pjç Ø 1 J+J ÉMÉJ[Mj]i - (J
Rì 2 %o(& Pj [M] [Mj] Pj [M Mj] Mj Mj Pj [M] Pj [Mj]
Pj [RM] Pj R[M] R[M] Rj [M]

G a J! €

Pj [M] è [Mj] Pj [M è Mj] Mj è Mj Pj [M] è Pj [Mj]
Pj [M] i [Mj] Pj [M i Mj] Mj i Mj Pj [M] i Pj [Mj]
€ e ; j J† V Pj - (V - , (ç 2IÈZ5 Ø O — í
1 z [- , (]i, ç 5 TM 2IÈZ5 x . í 2IÈZ5 J{ [- , (]i, { ø 7 % - (- , (Jw [Pj - (V - , (Vj)]ç + ö í [- , (] ø % í
} Ú z + J 2IÈZ5 . (i Ø 2IÈZ5 JÅ Ü š 2IÈZ5 O — Q . (V - , (J ç . (V - , (J% x ÄNì . (J N [Q N]i, Ü | ç · Ô å 1 J? ¾ } Ú ç 2IÈZ5
O — X+J XYì . (JRì 2 %o(&
X Y [Q X Y] [Q X Q Y] [Q X] [Q Y] X Y
Rk [Q Rk] [RQ X] R[Q X] R X

! €

Xè Y [Q Xè Y] [Q X è Q Y] [Q X] è [Q Y] X è Y
Xi Y [Q Xi Y] [Q X i Q Y] [Q X] i [Q Y] X i Y
Œ ç 2IÈZ5 O — í ó Å + J Nì . (JPj N Pj [Q N] Q NJŒ ÈN J - ; j Pj QG a í
! € ø % š O ^ ç ¾ ç í . J^? [Pj - (V - , (Vj)]ç + ö í [- , (]i, ø % í



3 1 z [- , (Vj)]ç 5 TM x . í 2IÈZ5 J x É - 7)ç J Jn , (Y - , (ÉMÉJ [Mj]i Y - , (\ [M] x 6 & & Ô M \$ Éš Ÿ 7 L x ; X+J ÉMÉJ
[Mj]i , (JRì 2 %o(&
[M] [Mj]G Å)G M MjÄI i)
[M] [Mj] [M MjJR[M] [RM]
[M] è [Mj] [M è MjJ[M]i [Mj] [M i Mj]

W

F G , (ç · Ô 2IÈZ5 Y
F Gi Q - , (V , (JQ Mj [Mj]ç 2IÈZ5 i O — J% x
o | J
» ¼ I \$ J
} Ú F G€ 5 w ; | J , (ç · Ô » 2 5 i ! € [M] è [Mj] [M è Mj] ? # [M] i [Mj]
[M i MjJŒ , (; ? ^ G · Ô « Jó Å + J [N] i , (J* [M] ([Mj]JR) Jg æ &
[M] [N] [M N] ([Mj] N) [Mj] [N]JR[M]) []
Œ 1 " Ga J€ e ; j , (ç · Ô 2IÈZ5 i
F Gi Q - , (V , (JQ Mj [Mj]ç 2IÈZ5 i
Rì 2 %o(&
Q Mj Mj [Mj Mj] [Mj Mj] [Mj Mj] Q Mj Q Mj

Q RM_j [RM_j] R[M_j] RQ M_j

G a J! €

Q M_j è M_j [M_j è M_j] [M_j è M_j] [M_j] è [M_j] Q M_j è Q M_j

Q M_j i M_j [M_j i M_j] [M_j i M_j] [M_j] i [M_j] Q M_j i Q M_j

€ e ; j J! Q - j (V , (ç 2I5Z5 í O — í

1 z z [- , (]i,ç5™ 2I5Z5 x .í 2I5Z5 J{ [- , (]i, 0— , (Y - , (J
w [Q - j (V , (V i)]ç + ö í [- , (]i, x %

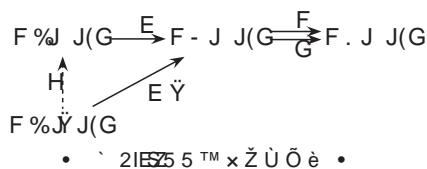
ç 2IESZ5 O—í

1 z FG - (V . (ç 2IESZ5 5™ 2IE x + ñ á—1 J> % [M̄] - \FM
 GM]ç - (Õ 2IESZ5 Jw È e—1 E % (V - (=ñ á—1 ŽÙÖ í
 } Ú F GEI i Ga Y
 F GU š - Xz %Ü (ç · Ô 2IESZ5 JA Ü š 2IESZ5 O—EU %Ü (V - (Ø\ REU GEÜ
 ç f· H %Ü (V % (J% x + J Xì %Ü (JH X EU X , p REU X GEÜ X J^
 ? EU X ì % (Jg æ & EH X EU X EU X Ga í € —1 EU 2IESZ5 O—J EU A ç 250 —
 ! ç « O— Jœ + J XYì %Ü (JRì 2 %o(X
 H X Y EU X Y EU X EU Y HUX HUY
 HRK EU RK REU X RH X

? #

H Xë Y EU Xë Y EU X è EU Y HUX è HUY
 H Xì Y EU Xì Y EU X ì EU Y HUX ì HUY

^? JHç 2IESZ5 O—í



i - Xz HÜ %Ü (V % (÷ ç 2IESZ5 O—JA EU EU g æ + J Xì % (JE
 EH X EU X EU X Jœ & EH UX HUX Ga J! € EU EU & EH UX EU X J^?
 HUX EH UX EU X H X JÄXì % (
 œ € X J - ; | HÜ HÜ ^? E % (V - (ç ñ á—1 FA G ŽÙÖ í
 ç z ç 2IESZ5 - (½ · Ô Ž I " J* - (x MÁ N& & " Jw n {
 M % N MOD ` g + J M N P Qì - (JRì 2 %o(JG M % P MOD JN % Q MOD G a N J&
 M N % P Q MOD JRM % RP MOD

Më N% Pë Q MOD JM i N% Pi Q MOD

w & ç 2IESZ5 - (½ O x " J& - ([MWM̄] -]p - (" O x " Ø
 7 I * ç â 1 Q - (V - (Ø\ QM MJ , - (x Mâ 1 , M Ž I
 Y MJ " â 1 & p - i â 1 í

31 2IESZ5 - (½ J 3Ô O x " / p O x " í
 } Ú z [, lì)]p 2IESZ5 - (½ . lì O x " J x É - 7)ç J í € , ç 2IESZ5
 - (½ Ž I " ; ? } † , p Ž I " lì ½ J
 B - & - X+ J M̄ - (& MM i † , lì) Jœ MM i † ,
 à + & - X+ J MN̄ - (J* MN i † , Jw + J , lì) & MN i , J0 è NM i , J

^? NM i † ,

á \ , - X+ J MN P i - (J* MN i † , J NP i † , Jw + J , lì) & MN i , J
 NP i , J0 è MP i , J^? MP i † ,

? ¾ } Ú , ç 2IESZ5 - (½ O x " X+ J M N P Qì - (JRì 2 %o(J*
 MP i † , J NQ i † , Jw + J , lì) @& MP i , J NQ i , J^? &
 M N P Qì , J RM RP i , J Më N Pë Q i , J M i N P i Q i ,

0 è

M N P Q i † , J RM RP i † , J Më N Pë Q i † , J M i N P i Q i † ,

^? † , ç 2IESZ5 - (½ O x " í

31 z ç 2IESZ5 . (x 2IESZ5 O x " J š 2IESZ5 . (" Ø

. [N\Nì .]x ; X+J N N ì . (JRì 2 %o(&
 N N N N JR N RN
 N è N N è N J N ì N N ì N

w

F G. (ç · Ô 2I~~EZ~~5 Y
 F G-iâ 1 Q. (V . (ç 2I~~EZ~~5 O —í
 } Ú F Gë } Ú þ « Á = è %) Ä " ýí + J Nÿ Nÿì . (Ø \ N^NÿN^Nÿ
 N NÿJ N NÿJg æ €
 N N N N Nÿ Nÿ Nÿ
 R N RN Rÿ R Nÿ
 N è N N è N Nÿè Nÿ Nÿ è Nÿ
 N ì N N ì N Nÿì Nÿ Nÿ ì Nÿ

;
 | JÝ « Á = è %) Ä " í
 % S } Ú . (ç · Ô ! BELÆEX
 ß G L e X+Ä N N N ì . (JØ \
 N N N N N N N N N
 N N N N N N
 à í o X+Ä N ì . (JÛ š ì . (Žj N N N N N N
 Û š í
 á \$ X+Ä N ì . (JÛ š N ì . (Žj N N N N JØ \$
 Û š í
 â ñ e X+Ä N N ì ./ (JØ \
 N N N N N N N N
 ã 1 - X+Ä N N P ì ./ (J N (N & P N P N (P N
 P N JØ Ø \ 1 - NH í
 ? ¾ } Ú . (ç · Ô 2I~~EZ~~5 í €5w; | ./ (ç · Ô » 2 5 í ½ J. [N\Nì .]
 ç · Ô ! BELÆJÅ Ø \ ? ¾ - X
 ß ÄRì 2 %o(JÄ N ì . (& X R N RN ì ./ (Y
 à ÄR R R ì 2 %o(JÄ N N N ì ./ (&
 R R N R R N RN RN
 RN RN R N R N

N ì N ì N

â n † e X N ì N è N N ì N è N N ì N è N N
 N è N ì N N è N ì N N è N ì N N è N ì N N
 ^? . (ç · Ô « Í ! + J Pì . (J* N (N JR) Jg æ &
 P N P N (P N P N JR N (R N
 œ 1 " Ga J€ e; j . (ç · Ô 21E25 Í
 F G- i â 1 Q . (V . (JQN NJÄNÌ . (+ J N N ì . (J
 Rì 2 %o(&
 QN N N N N N QN QN
 QN RN R N QN

G a JÅ
 QN è N N è N N è N QN è QN
 QN ì N N ì N N ì N QN ì QN
 G a J€ e ; j JQç 2I€Z5 O—í
 ç z - (ç · Ô 2I€Z5 J2 J - • - ç - ½ . Ô " J> < 2) †[\2 J J ç -
 ½ O x "]Jª ö 3 1 J 2 ç - (½ O x " J& P € 2w G \$ 5 O x " í
 1 z FG - (V . (ç 2I€Z5 5 ™ 2I€x + ñ á — 1 J ç 2I€Z5 . (½
 Ê e [F M G M MÌ -] \$ 5 O x " Jw - i ø O — Q . (V . (ç ñ á — 1 x ž Ù
 Õ Å QN N
 } Ú F Gª ö 3 1 J, P . (ç 2I€Zø 5 . ([N NÌ .]J% x N ç N O x
 Y J^ ? + J MÌ - (J& Q F M F M J Q G M G M J! € F M G M ì J^ ?
 F M G M J Ø Q F M Q G M Jw € M J - ; | QF QGG a í
 F GÛ š - Xz , (ç 2I€Z5 Jó Å Ü š 2I€Z5 O — QÛ . (V , (ž j QF QGG ç
 . (V , (J% x ÄNÌ . (J N QÛ N Jg æ QN N QÛ N , P +
 J N NÛ . (J* N NÛ w & QÛ N QNÛ G a Jg æ + J NJ NÛ ï . (J* N NÛ
 w N QÛ N QÛ NÛ NÛ J^ ? ç â 1 í ? ¾ } Ú ç 2I€Z5 O — í
 ë + J X Y Q X Q Y Q X Y QÛ X Y
 X Y QÛ X QÛ Y X Y
 R X RÛ X QÛ RÛ X R X

$X \in Y$	$QX \in QY$	$QX \in QY$	$QX \in Y$
$\hat{Q}X \in Y$	$\hat{Q}X \in \hat{Q}Y$	$X \in$	Y
$X \in Y$	$QX \in QY$	$QX \in QY$	$QX \in Y$
$\hat{Q}X \in Y$	$\hat{Q}X \in \hat{Q}Y$	$X \in$	Y

OE ç 2IESZ5 O—í

$$\begin{array}{c}
 F - J J(G) \xrightarrow{F} F . J J(G) \xrightarrow{Q} F . J J(G) \\
 \searrow Q \ddot{Y} \downarrow \\
 F , J J(G)
 \end{array}$$

• ` 2IESZ5 5 ™ x x Ž Ù Ö è •

i - XÜ z Ü š Ü . (V , (Ž j Ÿ QU€ + ÄNÌ . (& QN N Å
 N QUÑ Jw & QN N QUÑ , e
 ÜQUÑ Ü N QUÑ N QN

ÜQN QN J€ N J -;| J Ü
 I½;| JÜší. — 1 . (V , (Žj QJ QG a J^? Q. (V . (
 çñá—1 xŽÙÖ í
 1 2IESZ 5™ 2IEçù, 5™ í
 }Ú € 1 — 1 ;| J2IESZ 5™ 2IEçÙšò% — ŽÙÖ Jœ€ 31 ;| J2IESZ 5™ 2IEç
 ù, 5™ í
 1 2IESZ 5™ 2IEçxù, 5™ í
 }Ú € 1 — 1 ;| J2IESZ 5™ 2IEçÙšx% — xŽÙÖ Jœ€ 31 ;| J2IESZ 5™ 2IEç
 cxù, 5™ í

æ j ù |

y { ") 2+(/&,&ATTICE ORD E RICERCA S SEMATICS J\$ R PMA RETMENJS N UVE RGXITY
 y { ") 2+(/&&O')% 2#%,&T3ICE ORD E RNEADISI\$AG SCADEMIA "RASILEIROK \$E #I'NCIAS
 y { 2) %3: 3&UR 1UELQUES .OTIONS &ONDAMENTALES \$ANS ,A#4 HIRONRONTNEANLISRAEE \$E
 -ATHENATJC GX

y { Y9s 1w ó© y-{ 1 X1 æ J
 y { -ôõ J‡[(JË% JŽ » 2 5½ 2IESZ 1"- 'C y{ O.î58ææ' F-i æ GJ J F GX
 y { Üiœ JË% » 2 5½ 2IESZ 0—O^- 'C y{ O.î58ææ' F-i æ GJ J F GX
 y { vô JË% 2IESZ™ x 0% Á0— - 'C y{ O.î58ææ' F-i æ GJ F GX
 y { D±w 5™ ÁO¼=•ó© y-{ Ò Xèìî58æc è J
 y { ") 2+(/&,&ATTIC Ey 4{HORCORVM & MEGRECAN -ATHEMATICAL 3OCIETY #OLLOQUIUM
 y { 8œœJË% » 2 55™ ù,- y{ •æ { Ác, J J F GX
 y { « JË% J ôå 5™ #AT,- y{ 5ú RÁ•æ J J F GX
 y { !7/\$% 9 #ATEGORY{ 4MEORLA RENDON ORESS
 y { gôü ù l i « 5™ ù,-Áxù,- F.i G{ ~¶8ææ' F-i æ GJ F GX
 y { ! [5™ wy-{ Ò Xæc è J
 y { Pg , ç< 5™ y \${ Áâ X-í8æ J
 y { "f J-0i , ç« - y{ ¼^8ææ' F-i æ GJ J F GX

\$PNQMFUFOFTT BOE \$PDPNQMFUFOFTT PG UIF \$BUFHPSZ
 -* %BO ZBOH +JBO HBOH

F #OLLEGE OF -ATHEMATILOS. CARNDALT ANS ENRS JMAN G J#HINA
)NSTITUTE OF !PPJLIELD -OR NIA M A5JN CONSENBN JMAN G J#HINA

"CTUS#CATEGORY THEORY IS THE FOUNDATION OF MODERN MATHEMATICS
 ULES THE STUDY OF THE INTERNAL CHARACTERISTICS OF 2IESZ MODULES
 THE LIMIT OF A CATEGORY IS ONE OF THE KEY CONCEPTS OF CATEGORIAL ALGEBRA
 CATEGORY CAN ALSO BE SEEN AS SOMETHING WHICH COULD BE EXPRESSED IN OTHER WAYS
 COLIMITS EXISTENCE OF A LIMIT IN THE CATEGORY IS A CRITERION FOR A CATEGORY TO BE COMPLETENESS
 COLIMIT DETERMINES THE PRESENTATION OF A CATEGORY
 THE CATEGORY OF 2IESZ MODULES ARE GIVEN BY STUDYING THE LIMITS
 AS OBJECTS AND 2IESZ MODULES WHICH ARE NOT TRUTHFUL, CONSISTENT, COMPLETE, CONSISTENT,
 HAS COMPLETENESS AND COCOMPLETENESS

,FZXP SITE SZ MDATE BOSQUYAY#OZERQUY#IO#PREY#DNEOSMPL E T E N E S S